هذا الملف تم تحميله من موقع : Talamid.ma

المملكة المغربية
وزارة التربية الوطنية والتكوين المهني والتعليم العالي والبحث العلمي

ⵜⴰⴳⵍⴷⵉⵜ ⵏ ⵍⵎⵖⵔⵉⴱ
ⵜⴰⵎⴰⵡⴰⵙⵜ ⵏ ⵓⵙⴳⵎⵉ ⴰⵏⴰⵎⵓⵔ
ⴷ ⵓⵙⵎⵙⵙⵓⵔ ⴷ ⵓⵙⵓⵙⵙ ⴰⵎⴰⵡⴰⵍ ⵏ ⵓⵙⴳⵎⵉ ⴰⵏⴰⵎⵓⵔ

المركز الوطني للتقويم والامتحانات والتوجيه

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا
الدورة الاستدراكية 2017
- الموضوع -

RS 22

★★

المادة	الرياضيات	مدة الإنجاز	3
الشعبة أو المسلك	شعبة العلوم التجريبية بمسالكها	المعامل	7

تعليمات عامة

- يسمح باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة ؛
- يمكن للمترشح إنجاز تمارين الامتحان حسب الترتيب الذي يناسبه ؛
- ينبغي تفادي استعمال اللون الأحمر عند تحرير الأجوبة .

مكونات الموضوع

- يتكون الموضوع من أربعة تمارين و مسألة، مستقلة فيما بينها، وتتوزع حسب المجالات كما يلي :

التمرين الأول	الهندسة الفضائية	3 نقط
التمرين الثاني	حساب الاحتمالات	3 نقط
التمرين الثالث	الأعداد العقدية	3 نقط
التمرين الرابع	المتتاليات العددية	2.5 نقط
المسألة	دراسة دالة عددية و حساب التكامل	8.5 نقط

للمزيد من الملفات قم بزيارة الموقع : Talamid.ma

هذا الملف تم تحميله من موقع : Talamid.ma

التمرين الأول : (3 نقط)

الفضاء منسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$

نعتبر الفلكة (S) التي معادلتها $x^2+y^2+z^2-2x-2y-2z-1=0$ و المستوى (P) الذي معادلته $y-z=0$

1) أ- بين أن مركز الفلكة (S) هو النقطة $\Omega(1\ ,\ 1\ ,\ 1)$ و شعاعها هو 2 — 0.5

ب- احسب $d(\Omega,(P))$ و استنتج أن المستوى (P) يقطع الفلكة (S) وفق دائرة (C) — 0.5

ج- حدد مركز و شعاع الدائرة (C) — 0.5

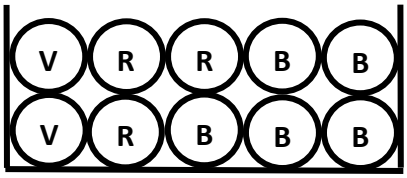
2) ليكن (Δ) المستقيم المار من النقطة $A(1\ ,\ -2\ ,\ 2)$ و العمودي على المستوى (P)

أ- بين أن $\vec{u}(0\ ,1\ ,-1)$ متجهة موجهة للمستقيم (Δ) — 0.25

ب- بين أن $\left\|\overrightarrow{\Omega A}\wedge\vec{u}\right\|=\sqrt{2}\left\|\vec{u}\right\|$ و استنتج أن المستقيم (Δ) يقطع الفلكة (S) في نقطتين. — 0.75

ج- حدد مثلوث إحداثيات كل نقطة من نقطتي تقاطع المستقيم (Δ) و الفلكة (S) — 0.5

التمرين الثاني : (3 نقط)



يحتوي صندوق على **10** كرات لا يمكن التمييز بينها باللمس :
خمس كرات بيضاء و ثلاث كرات حمراء و كرتان خضراوان (انظر الشكل جانبه).
نسحب عشوائيا و في آن واحد أربع كرات من الصندوق.

1) نعتبر الحدث A : " من بين الكرات الأربع المسحوبة توجد كرة خضراء واحدة فقط ". — 1.5

و الحدث B : " من بين الكرات الأربع المسحوبة توجد بالضبط ثلاث كرات من نفس اللون ".

بين أن $p(A)=\frac{8}{15}$ وأن $p(B)=\frac{19}{70}$

2) ليكن X المتغير العشوائي الذي يربط كل سحبة بعدد الكرات الخضراء المسحوبة.

أ- بين أن $p(X=2)=\frac{2}{15}$ — 0.5

ب- حدد قانون احتمال المتغير العشوائي X و بين أن الأمل الرياضي $E(X)$ يساوي $\frac{4}{5}$ — 1

التمرين الثالث : (3 نقط)

1) حل في مجموعة الأعداد العقدية $\mathbb{C}$ المعادلة $z^2+4z+8=0$ — 0.75

2) نعتبر، في المستوى العقدي المنسوب إلى معلم ممنظم مباشر $(O,\ \vec{u}\ ,\ \vec{v})$، النقط A و B و C اللتي ألحاقها على التوالي هي a و b و c بحيث $a=-2+2i$ و $b=4-4i$ و $c=4+8i$

أ- ليكن z لحق نقطة M من المستوى و z' لحق النقطة M' صورة M بالدوران R الذي مركزه A و زاويته $-\frac{\pi}{2}$ — 0.5

بين أن $z'=-iz-4$

ب- تحقق من أن النقطة B هي صورة النقطة C بالدوران R و استنتج طبيعة المثلث ABC — 0.75

3) ليكن ω لحق النقطة Ω منتصف القطعة $[BC]$

أ- بين أن $|c-\omega|=6$ — 0.5

ب- بين أن مجموعة النقط M ذات اللحق z بحيث $|z-\omega|=6$ هي الدائرة المحيطة بالمثلث ABC — 0.5

للمزيد من الملفات قم بزيارة الموقع : Talamid.ma

هذا الملف تم تحميله من موقع : Talamid.ma

التمرين الرابع : (2.5 نقط)

نعتبر المتتالية العددية (u_n) المعرفة بما يلي : $u_0 = 17$ و $u_{n+1} = \frac{1}{4}u_n + 12$ لكل n من IN

0.5 **1)** أ- بين بالترجع أن $u_n > 16$ لكل n من IN

0.5 ب- بين أن المتتالية (u_n) تناقصية و استنتج أن المتتالية (u_n) متقاربة.

2) لتكن (v_n) المتتالية العددية بحيث $v_n = u_n - 16$ لكل n من IN

0.5 أ- بين أن (v_n) متتالية هندسية.

0.5 ب- استنتج أن $u_n = 16 + \left(\frac{1}{4}\right)^n$ لكل n من IN ثم حدد نهاية المتتالية (u_n)

0.5 ج- حدد أصغر قيمة للعدد الصحيح الطبيعي n التي يكون من أجلها $u_n < 16,0001$

المسألة : (8.5 نقط)

I) لتكن g الدالة العددية المعرفة على IR بما يلي :

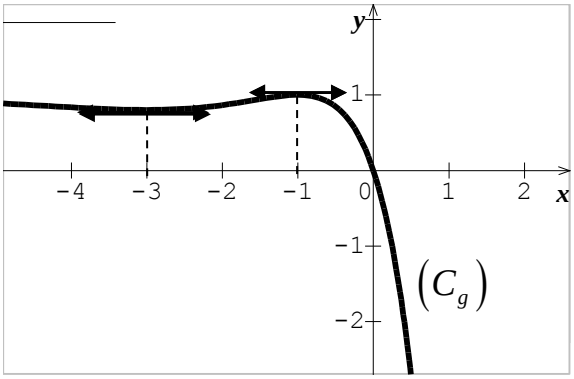
$$g(x) = 1 - (x+1)^2 e^x$$

0.25 **1)** تحقق من أن $g(0) = 0$

1 **2)** انطلاقا من التمثيل المبياني (C_g) للدالة g (انظر الشكل جانبه)

بين أن $g(x) \geq 0$ لكل x من $]-\infty, 0]$

وأن $g(x) \leq 0$ لكل x من $[0, +\infty[$



II) نعتبر الدالة العددية f المعرفة على IR بما يلي : $f(x) = x + 1 - (x^2+1)e^x$

و ليكن (C_f) المنحنى الممثل للدالة f في معلم متعامد ممنظم $(O, \vec{i}, \vec{j})$ (الوحدة : 2 cm)

0.75 **1)** أ- تحقق من أن $f(x) = x + 1 - 4\left(\frac{x}{2}e^{\frac{x}{2}}\right)^2 - e^x$ لكل x من IR ثم استنتج أن $\lim\limits_{x \to -\infty} f(x) = -\infty$

0.5 ب- احسب $\lim\limits_{x \to -\infty} [f(x) - (x+1)]$ واستنتج أن المستقيم (D) ذا المعادلة $y = x+1$ مقارب للمنحنى (C_f) بجوار $-\infty$

0.25 ج- بين أن المنحنى (C_f) يوجد تحت المستقيم (D)

0.5 **2)** أ- بين أن $\lim\limits_{x \to +\infty} f(x) = -\infty$ (يمكنك كتابة $f(x)$ على الشكل $x\left[1 + \frac{1}{x} - \left(x + \frac{1}{x}\right)e^x\right]$)

0.25 ب- بين أن المنحنى (C_f) يقبل بجوار $+\infty$ ، فرعا شلجميا يتم تحديد اتجاهه.

0.75 **3)** أ- بين أن $f'(x) = g(x)$ لكل x من IR

0.75 ب- بين أن الدالة f تزايدية على $]-\infty, 0]$ و تناقصية على $[0, +\infty[$ ثم ضع جدول تغيرات الدالة f على IR

0.75 ج- بين أن المنحنى (C_f) يقبل نقطتي انعطاف أفصولاهما -3 و -1

1 **4)** أنشئ ، في نفس المعلم $(O, \vec{i}, \vec{j})$، المستقيم (D) و المنحنى (C_f) (نأخذ $f(-3) \approx -2,5$ و $f(-1) \approx -0,75$)

0.5 **5)** أ- تحقق من أن $H : x \mapsto (x-1)e^x$ هي دالة أصلية للدالة $h : x \mapsto xe^x$ على IR ثم بين أن $\int_{-1}^{0} xe^x\,dx = \frac{2}{e} - 1$

0.75 ب- باستعمال مكاملة بالأجزاء ، بين أن $\int_{-1}^{0} (x^2+1)e^x\,dx = 3\left(1 - \frac{2}{e}\right)$

0.5 ج- احسب ، ب cm^2 ، مساحة حيز المستوى المحصور بين المنحنى (C_f) و المستقيم (D) و محور الأراتيب و المستقيم الذي معادلته $x = -1$

للمزيد من الملفات قم بزيارة الموقع : Talamid.ma