هذا الملف تم تحميله من موقع : Talamid.ma

المملكة المغربية
وزارة التربية الوطنية والتكوين المهني والتعليم العالي والبحث العلمي

المركز الوطني للتقويم والامتحانات والتوجيه

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا
الدورة العادية 2017
- الموضوع -

NS 22

★★

المادة	الرياضيات	مدة الإنجاز	3
الشعبة أو المسلك	شعبة العلوم التجريبية بمسالكها	المعامل	7

تعليمات عامة

- يسمح باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة ؛
- يمكن للمترشح إنجاز تمارين الامتحان حسب الترتيب الذي يناسبه ؛
- ينبغي تفادي استعمال اللون الأحمر عند تحرير الأجوبة .

مكونات الموضوع

- يتكون الموضوع من ثلاثة تمارين و مسألة، مستقلة فيما بينها، و تتوزع حسب المجالات كما يلي:

التمرين الأول	الهندسة الفضائية	3 نقط
التمرين الثاني	حساب الاحتمالات	3 نقط
التمرين الثالث	الأعداد العقدية	3 نقط
المسألة	دراسة دالة عددية و حساب التكامل و المتتاليات العددية	11 نقطة

- بالنسبة للمسألة ، $\ln$ يرمز لدالة اللوغاريتم النبيري.

للمزيد من الملفات قم بزيارة الموقع : Talamid.ma

هذا الملف تم تحميله من موقع : Talamid.ma

التمرين الأول : (3 نقط)

نعتبر، في الفضاء المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر $(O,\vec{i},\vec{j},\vec{k})$، المستوى (P) المار من النقطة $A(0\ ,\ 1\ ,\ 1)$ و $\vec{u}(1\ ,\ 0\ ,\ -1)$ متجهة منظمية عليه و الفلكة (S) التي مركزها النقطة $\Omega(0\ ,\ 1\ ,\ -1)$ و شعاعها $\sqrt{2}$

0.5 **1)** أ- بين أن $x-z+1=0$ هي معادلة ديكارتية للمستوى (P)

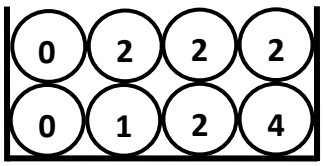
0.75 ب- بين أن المستوى (P) مماس للفلكة (S) و تحقق من أن $B(-1\ ,\ 1\ ,\ 0)$ هي نقطة التماس.

0.25 **2)** أ- حدد تمثيلا بارامتريا للمستقيم (Δ) المار من النقطة A و العمودي على المستوى (P)

0.75 ب- بين أن المستقيم (Δ) مماس للفلكة (S) في النقطة $C(1\ ,\ 1\ ,\ 0)$

0.75 **3)** بين أن $\overrightarrow{OC}\wedge\overrightarrow{OB}=2\vec{k}$ و استنتج مساحة المثلث OCB

التمرين الثاني : (3 نقط)



يحتوي صندوق على ثماني كرات لا يمكن التمييز بينها باللمس و تحمل كل واحدة منها عددا كما هو مبين في الشكل جانبه.

نسحب عشوائيا و في آن واحد ثلاث كرات من الصندوق.

1.5 **1)** نعتبر الحدث A : " من بين الكرات الثلاث المسحوبة لا توجد أية كرة تحمل العدد **0** ".

و الحدث B : " جداء الأعداد التي تحملها الكرات الثلاث المسحوبة يساوي **8** ".

بين أن $p(A)=\frac{5}{14}$ و أن $p(B)=\frac{1}{7}$

2) ليكن X المتغير العشوائي الذي يربط كل سحبة بجداء الأعداد التي تحملها الكرات الثلاث المسحوبة.

0.5 أ- بين أن $p(X=16)=\frac{3}{28}$

1 ب- الجدول جانبه يتعلق بقانون احتمال المتغير العشوائي X

أتمم ملء الجدول بعد نقله على ورقة تحريرك معللا أجوبتك.

x_i	0	4	8	16
$p(X=x_i)$				$\frac{3}{28}$

التمرين الثالث : (3 نقط)

نعتبر العددين العقديين a و b بحيث $a=\sqrt{3}+i$ و $b=\sqrt{3}-1+(\sqrt{3}+1)i$

0.25 **1)** أ- تحقق من أن $b=(1+i)a$

0.5 ب- استنتج أن $|b|=2\sqrt{2}$ و أن $\arg b\equiv\frac{5\pi}{12}\ [2\pi]$

0.5 ج- استنتج مما سبق أن $\cos\frac{5\pi}{12}=\frac{\sqrt{6}-\sqrt{2}}{4}$

2) المستوى العقدي منسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر $(O,\ \vec{u}\ ,\ \vec{v})$

نعتبر النقطتين A و B اللتين لحقاهما على التوالي هما a و b و النقطة C التي لحقها c بحيث $c=-1+i\sqrt{3}$

0.75 أ- تحقق من أن $c=ia$ و استنتج أن $OA=OC$ و أن $(\overrightarrow{OA},\overrightarrow{OC})\equiv\frac{\pi}{2}\ [2\pi]$

0.5 ب- بين أن النقطة B هي صورة النقطة A بالإزاحة ذات المتجهة $\overrightarrow{OC}$

0.5 ج- استنتج أن الرباعي $OABC$ مربع .

للمزيد من الملفات قم بزيارة الموقع : Talamid.ma

هذا الملف تم تحميله من موقع : Talamid.ma

المسألة : (11 نقطة)

I) لتكن g الدالة العددية المعرفة على المجال $]0,+\infty[$ بما يلي : $g(x)=x^2+x-2+2\ln x$

1) تحقق من أن $g(1)=0$ — 0.25

2) انطلاقا من جدول تغيرات الدالة g جانبه : — 1

بين أن $g(x)\le 0$ لكل x من المجال $]0\,,1]$

و أن $g(x)\ge 0$ لكل x من المجال $[1\,,+\infty[$

x	0		$+\infty$
$g'(x)$	$\|$	$+$	
$g(x)$	$\|$ $-\infty$	↗	$+\infty$

II) نعتبر الدالة العددية f المعرفة على المجال $]0,+\infty[$ بما يلي : $f(x)=x+\left(1-\frac{2}{x}\right)\ln x$

و ليكن (C) المنحنى الممثل للدالة f في معلم متعامد ممنظم $(O,\vec{i},\vec{j})$ (الوحدة : $1\ cm$)

1) بين أن $\lim\limits_{\substack{x\to 0\\ x>0}} f(x)=+\infty$ و أول هندسيا النتيجة. — 0.5

2) أ- بين أن $\lim\limits_{x\to+\infty} f(x)=+\infty$ — 0.25

ب- بين أن المنحنى (C) يقبل بجوار $+\infty$ ، فرعا شلجميا في اتجاه المستقيم (D) الذي معادلته $y=x$ — 0.75

3) أ- بين أن $f'(x)=\frac{g(x)}{x^2}$ لكل x من المجال $]0,+\infty[$ — 1

ب- بين أن الدالة f تناقصية على المجال $]0\,,1]$ و تزايدية على المجال $[1\,,+\infty[$ — 0.75

ج- ضع جدول تغيرات الدالة f على المجال $]0,+\infty[$ — 0.25

4) أ- حل في المجال $]0,+\infty[$ المعادلة $\left(1-\frac{2}{x}\right)\ln x=0$ — 0.5

ب- استنتج أن المنحنى (C) يقطع المستقيم (D) في نقطتين يتم تحديد زوج إحداثيتي كل منهما. — 0.5

ج- بين أن $f(x)\le x$ لكل x من المجال $[1\,,2]$ واستنتج الوضع النسبي للمنحنى (C) والمستقيم (D) على $[1\,,2]$ — 0.75

5) أنشئ ، في نفس المعلم $(O,\vec{i},\vec{j})$ ، المستقيم (D) و المنحنى (C) (نقبل أن للمنحنى (C) نقطة انعطاف وحيدة أفصولها محصور بين $2,4$ و $2,5$) — 1

6) أ- بين أن $\int_1^2 \frac{\ln x}{x}dx=\frac{1}{2}(\ln 2)^2$ — 0.5

ب- بين أن الدالة $H:x\mapsto 2\ln x-x$ هي دالة أصلية للدالة $h:x\mapsto\frac{2}{x}-1$ على المجال $]0,+\infty[$ — 0.25

ج- باستعمال مكاملة بالأجزاء ، بين أن $\int_1^2\left(\frac{2}{x}-1\right)\ln x\,dx=(1-\ln 2)^2$ — 0.5

د- احسب ب cm^2 ، مساحة حيز المستوى المحصور بين المنحنى (C) و المستقيم (D) و المستقيمين اللذين معادلتاهما $x=1$ و $x=2$ — 0.5

III) نعتبر المتتالية العددية (u_n) المعرفة بما يلي : $u_0=\sqrt{3}$ و $u_{n+1}=f(u_n)$ لكل n من $\mathbb{N}$

1) بين بالترجع أن $1\le u_n\le 2$ لكل n من $\mathbb{N}$ — 0.5

2) بين أن المتتالية (u_n) تناقصية (يمكنك استعمال نتيجة السؤال II 4) ج-) — 0.5

3) استنتج أن المتتالية (u_n) متقاربة و حدد نهايتها. — 0.75

للمزيد من الملفات قم بزيارة الموقع : Talamid.ma