هذا الملف تم تحميله من موقع : Talamid.ma

المملكة المغربية

وزارة التربية الوطنية والتعليم العالي وتكوين الأطر والبحث العلمي

المركز الوطني للتقويم والامتحانات

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا

الدورة الإستدراكية 2010

الموضوع

الصفحة 1 / 3

المـــــــادة:	الرياضيات	RS22	المعامل: 7
الشعـــب(ة) أو المسلك :	شعبة العلوم التجريبية بمسالكها وشعبة العلوم والتكنولوجيات بمسلكيها		مدة الإنجاز: 3

معلومات عامة

- يسمح باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة ؛
- مدة إنجاز موضوع الامتحان : 3 ساعات ؛
- عدد الصفحات : 3 صفحات (الصفحة الأولى تتضمن معلومات والصفحتان المتبقيتان تتضمنان تمارين الامتحان)؛
- يمكن للمترشح إنجاز تمارين الامتحان في الترتيب الذي يناسبه ؛
- ينبغي تفادي استعمال اللون الأحمر عند تحرير الأجوبة .
- بالرغم من تكرار بعض الرموز في أكثر من تمرين فكل رمز مرتبط بالتمرين المستعمل فيه ولا علاقة له بالتمارين السابقة أو اللاحقة .

معلومات خاصة

- يتكون الموضوع من خمسة تمارين مستقلة فيما بينها و تتوزع حسب المجالات كما يلي :

التمرين	المجال	النقطة الممنوحة
التمرين الأول	الهندسة الفضائية	3 نقط
التمرين الثاني	الأعداد العقدية	3 نقط
التمرين الثالث	حساب الاحتمالات	3 نقط
التمرين الرابع	المتتاليات العددية	3 نقط
التمرين الخامس	دراسة دالة وحساب التكامل	8 نقط

- بالنسبة للتمرين الخامس ، ln يرمز لدالة اللوغاريتم النبيري .

للمزيد من الملفات قم بزيارة الموقع : Talamid.ma

هذا الملف تم تحميله من موقع : Talamid.ma

الموضوع

التمرين الأول (3 ن)

نعتبر في الفضاء المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر $(O,\vec{i},\vec{j},\vec{k})$ ، النقط $A(0,-2,0)$ و $B(1,1,-4)$ و $C(0,1,-4)$ و (S) مجموعة النقط $M(x,y,z)$ بحيث : $x^2+y^2+z^2-2x-4y-6z-11=0$.

0.5 **1)** بين أن (S) هي الفلكة التي مركزها النقطة $\Omega(1,2,3)$ و شعاعها 5 .

1 **2)** أ – بين أن $\overrightarrow{AB}\wedge\overrightarrow{AC}=4\vec{j}+3\vec{k}$ واستنتج أن $4y+3z+8=0$ هي معادلة ديكارتية للمستوى (ABC) .

0.5 ب – احسب $d(\Omega,(ABC))$ ثم استنتج أن المستوى (ABC) مماس للفلكة (S) .

3) ليكن (Δ) المستقيم المار من النقطة Ω والعمودي على المستوى (ABC).

0.5 أ – بين أن : $\begin{cases}x=1\\y=2+4t\\z=3+3t\end{cases}$ $(t\in\mathbb{R})$ هو تمثيل بارامتري للمستقيم (Δ) .

0.25 ب – بين أن مثلوث إحداثيات H نقطة تقاطع المستقيم (Δ) والمستوى (ABC) هو $(1,-2,0)$.

0.25 ج – تحقق من أن H هي نقطة تماس المستوى (ABC) والفلكة (S) .

التمرين الثاني (3 ن)

1 **1)** حل في مجموعة الأعداد العقدية $\mathbb{C}$ المعادلة : $z^2-8\sqrt{3}z+64=0$

2) نعتبر في المستوى العقدي المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر $(O,\vec{u},\vec{v})$، النقط A و B و C التي ألحاقها على التوالي هي : $a=8i$ و $b=4\sqrt{3}-4i$ و $c=2\left(4\sqrt{3}+4i\right)$.

ليكن z لحق نقطة M من المستوى و z' لحق النقطة M' صورة M بالدوران R الذي مركزه O وزاويته $\frac{4\pi}{3}$.

0.5 أ – بين أن $z'=\left(-\frac{1}{2}-i\frac{\sqrt{3}}{2}\right)z$.

0.25 ب – تحقق من أن النقطة B هي صورة النقطة A بالدوران R .

0.75 ج – بين أن $\frac{a-b}{c-b}=\frac{1}{2}+i\frac{\sqrt{3}}{2}$ ثم اكتب العدد $\frac{a-b}{c-b}$ على الشكل المثلثي .

0.5 د – استنتج أن المثلث ABC متساوي الأضلاع .

التمرين الثالث (3 ن)

يحتوي صندوق على ثماني كرات تحمل الأعداد : 1 و 1 و 1 و 2 و 2 و 2 و 3 و 3 (لا يمكن التمييز بينها باللمس) .

نسحب عشوائيا بالتتابع وبدون إحلال كرتين من الصندوق .

1.25 **1)** ليكن A الحدث : " الحصول على كرتين تحملان معا العدد 2 " .

و B الحدث : " الحصول على كرتين إحداهما على الأقل تحمل العدد 3 " .

بين أن $P(A)=\frac{3}{28}$ وأن $P(B)=\frac{13}{28}$.

2) ليكن X المتغير العشوائي الذي يربط كل سحبة بعدد الكرات التي تحمل عددا فرديا .

0.25 أ – حدد القيم التي يأخذها المتغير العشوائي X .

0.75 ب – بين أن : $P(X=1)=\frac{15}{28}$.

0.75 ج – أعط قانون احتمال المتغير العشوائي X .

التمرين الرابع (3 ن)

نعتبر المتتالية العددية (u_n) المعرفة بما يلي : $u_0=1$ و $u_{n+1}=\frac{3u_n}{21+u_n}$ لكل n من $\mathbb{N}$.

للمزيد من الملفات قم بزيارة الموقع : Talamid.ma

هذا الملف تم تحميله من موقع : Talamid.ma

0.5 **1)** بين أن : $u_n > 0$ لكل n من $\mathbb{N}$.

0.75 **2)** بين أن : $u_{n+1} < \frac{1}{7}u_n$ لكل n من $\mathbb{N}$.

0.5 **3)** بين أن المتتالية (u_n) تناقصية وأنها متقاربة .

0.75 **4)** أ- بين بالترجع أن : $u_n \leq \left(\frac{1}{7}\right)^n$ لكل n من $\mathbb{N}$.

0.5 ب- حدد نهاية المتتالية (u_n) .

التمرين الخامس (8 ن)

I) نعتبر الدالة العددية g المعرفة على $]0,+\infty[$ بما يلي : $g(x) = x^3 - x - 2\ln x + 3$.

0.25 **1)** أ- تحقق من أن $3x^3 - x - 2 = (x-1)(3x^2+3x+2)$ لكل x من $]0,+\infty[$.

0.5 ب – بين أن : $g'(x) = \frac{(x-1)(3x^2+3x+2)}{x}$ لكل x من $]0,+\infty[$.

0.25 **2)** أ – تحقق من أن $\frac{3x^2+3x+2}{x} > 0$ لكل x من $]0,+\infty[$.

0.5 ب – استنتج أن إشارة $g'(x)$ هي إشارة $x-1$ على $]0,+\infty[$.

0.5 **3)** أ – بين أن الدالة g تناقصية على $]0,1]$ وأنها تزايدية على $[1,+\infty[$.

0.5 ب - استنتج أن $g(x) > 0$ لكل x من $]0,+\infty[$ (لاحظ أن $g(1) > 0$) .

II) نعتبر الدالة العددية f المعرفة على $]0,+\infty[$ بما يلي : $f(x) = x - 1 + \frac{x - 1 + \ln x}{x^2}$.

ليكن (C) المنحنى الممثل للدالة f في معلم متعامد ممنظم $\left(O, \vec{i}, \vec{j}\right)$ (نأخذ $\|\vec{i}\| = \|\vec{j}\| = 1cm$) .

1 **1)** بين أن : $f'(x) = \frac{g(x)}{x^3}$ لكل x من $]0,+\infty[$ ، ثم استنتج أن الدالة f تزايدية على $]0,+\infty[$.

0.5 **2)** أ - بين أن $\lim\limits_{\substack{x\to 0 \\ x>0}} f(x) = -\infty$ ثم أول هذه النتيجة هندسيا .

0.75 ب - بين أن $\lim\limits_{x\to+\infty} \frac{x-1+\ln x}{x^2} = 0$ ثم أن $\lim\limits_{x\to+\infty} f(x) = +\infty$ (نذكر أن $\lim\limits_{x\to+\infty} \frac{\ln x}{x^2} = 0$) .

0.5 ج - بين أن المستقيم (Δ) الذي معادلته $y = x - 1$ مقارب مائل للمنحنى (C) بجوار $+\infty$.

0.5 **3)** بين أن $y = 3(x-1)$ هي معادلة للمستقيم المماس للمنحنى (C) في النقطة التي زوج إحداثيتيها $(1,0)$.

0.75 **4)** أنشئ المستقيم (Δ) و المنحنى (C) (نقبل أن للمنحنى (C) نقطة انعطاف وحيدة غير مطلوب تحديدها) .

1 **5)** أ - باستعمال مكاملة بالأجزاء ، بين أن: $\int_1^e \frac{\ln x}{x^2} dx = 1 - \frac{2}{e}$ (ضع : $u'(x) = \frac{1}{x^2}$ و $v(x) = \ln x$) .

0.5 ب – بين أن مساحة حيز المستوى المحصور بين (C) و (Δ) و المستقيمين الذين معادلتاهما $x = 1$ و $x = e$ هي $\left(1 - \frac{1}{e}\right) cm^2$.

للمزيد من الملفات قم بزيارة الموقع : Talamid.ma